

10-րդ դասարան  
Մարզային փուլ

1. Մարմինը նետում են  $h$  բարձրությունից  $v_0$  արագությամբ (նկ. 1):

ա) Արտահայտեք գետնին հասնելու արագությունը  $v_0$ -ով,  $h$ -ով և ազատ անկման արագացմամբ: /0,5 միավոր/

բ) Կառուցեք  $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{g}t$  հավասարումով ներկայացվող վեկտորական եռանկյունը, որտեղ  $\vec{v}$ -ն և  $\vec{v}_0$ -ն համապատասխանաբար վերջնական և սկզբնական արագություններն են,  $\vec{g}$ -ն՝ ազատ անկման արագացումը,  $t$ -ն՝ թռիչքի ժամանակը: /0,5 միավոր/

գ) Ստացեք մարմնի շարժման հետագծի հավասարումը  $y$ -ի կախվածությունը  $x$ -ից: Հաշվարկման սկզբնակետ ընտրեք նետման կետը: /1 միավոր/

դ) Որոշեք մարմնի առավելագույն հեռահարությունը արտահայտված  $h$ -ով,  $v_0$ -ով և  $g$ -ով:

Ցուցում: Կարող եք օգտվել բ) կետում կառուցված եռանկյան չափազրույցից կամ գ) կետում արտածված հավասարումից: /3 միավոր/

ե) Որոշեք սկզբնական արագության հորիզոնի հետ կազմած այն անկյունը, որի դեպքում մարմնի հեռահարությունը առավելագույնն է: Պետք է նշեք այդ անկյան  $\sin$ ,  $\cos$ ,  $tg$  մեծություններից որևէ մեկը արտահայտված  $h$ -ով,  $v_0$ -ով և  $g$ -ով: /1 միավոր/

**Լուծում:**

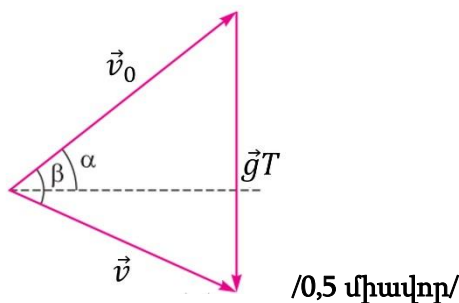
ա) Սկզբնական և վերջնական էներգիան՝  $mgh + mv_0^2/2$ , վերջնական և սկզբնական էներգիան՝  $mv^2/2$ : էներգիայի պահպանման օրենքը.

$$mgh + \frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv^2}{2}$$

Այստեղից էլ կստանանք

$$v = \sqrt{2gh + v_0^2} \text{ /0,5 միավոր/}$$

բ) Նշանակենք թռիչքի ընդհանուր տևողությունը  $T$ -ով: Արագությունների վեկտորական եռանկյունը կունենա հետևյալ տեսքը.



գ)  $x$  առանցքով շարժման օրենքը.

$$x = v_0 t \cdot \cos(\alpha)$$

$y$  առանցքով շարժման օրենքը.

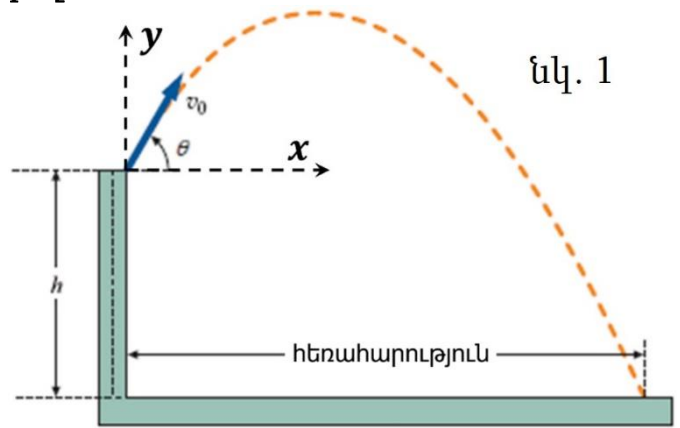
$$y = v_0 t \cdot \sin(\alpha) - \frac{gt^2}{2} \text{ /0,5 միավոր/}$$

Այստեղից էլ կարող ենք ստանալ հետագծի հավասարումը.

$$y(x) = x \cdot tg(\alpha) - \frac{g}{2v_0^2} [1 + tg^2(\alpha)] \text{ /0,5 միավոր/}$$

դ)

**Լուծում 1:** Արագությունների վեկտորական եռանկյան մակերեսը՝



$$\frac{1}{2} v_0 \cos(\alpha) \cdot gT = \frac{1}{2} v_0 v \sin(\beta) \quad /0,5 \text{ միավոր/}$$

Հեռահարությունը հավասար կլինի  $T$  պահին  $x(T)$  կոորդինատի արժեքին: Հաշվի առնելով, որ

$$v = \sqrt{2gh + v_0^2}$$

կստանանք

$$x(T) = v_0 \cos(\alpha) \cdot T = \frac{1}{g} v_0 v \sin(\beta) = \frac{1}{g} v_0 \sqrt{2gh + v_0^2} \sin(\beta) \quad /1 \text{ միավոր/}$$

Առավելագույն հեռահարությունը կլինի, երբ

$$\sin(\beta) = 1 \quad /0,5 \text{ միավոր/}$$

Այսպիսով, առավելագույն հեռահարությունը`

$$L_{max} = \frac{v_0 \sqrt{v_0^2 + 2gh}}{g} \quad /1 \text{ միավոր/}$$

**Լուծում 2:** Անկման կետում մարմնի կոորդինատները`

$$x(T) = L, y(T) = -h \quad /0,5 \text{ միավոր/}$$

Տեղադրելով կոորդինատների այս արժեքները  $q$  կետում ստացված հավասարման մեջ և լուծելով հավասարումը կստանանք`

$$tg(\alpha) = \frac{v_0^2}{gL} \left( 1 \pm \sqrt{1 + \frac{2gh}{v_0^2} - \frac{g^2 L^2}{v_0^4}} \right) \quad /1 \text{ միավոր/}$$

Որպեսզի արտահայտությունը իմաստ ունենա անհրաժեշտ է, որ

$$1 + \frac{2gh}{v_0^2} - \frac{g^2 L^2}{v_0^4} \geq 0 \quad /0,5 \text{ միավոր/}$$

Լուծելով այս անհավասարումը` կստանանք

$$L \leq \frac{v_0}{g} \sqrt{v_0^2 + 2gh} \Rightarrow L_{max} = \frac{v_0}{g} \sqrt{v_0^2 + 2gh} \quad /1 \text{ միավոր/}$$

ե)

**Լուծում 1:** Ինչպես ցյց տվեցինք նախորդ կետում` հեռահարությունը կլինի առավելագույնը  $\beta = 90^\circ$  դեպքում: Այդ դեպքում արագությունների վեկտորական մեծ եռանկյունուց կստանանք, որ

$$tg(\alpha) = \frac{v_0}{v} = \frac{v_0}{\sqrt{v_0^2 + 2gh}} \quad /1 \text{ միավոր/}$$

**Լուծում 2:** Տեղադրելով առավելագույն հեռահարության համար ստացված

$$L_{max} = \frac{v_0}{g} \sqrt{v_0^2 + 2gh}$$

արտահայտությունը  $tg(\alpha)$ -ի համար ստացված հավասարման մեջ կստանանք`

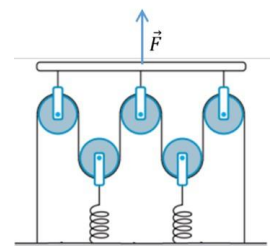
$$tg(\alpha) = \frac{v_0^2}{gL_{max}} = \frac{v_0}{\sqrt{v_0^2 + 2gh}} \quad /1 \text{ միավոր/}$$

2. Երկու  $k$  կոշտությամբ զսպանակներով, անկշիռ ճախարակներով և անկշիռ թելով հավաքվել է նկար 2-ում պատկերված կայանքը: Չսպանակները ներքևից ամրացված են անշարժ հատակին: Կայանքը վերևից կապված է անկշիռ ձողին: Ձողի վրա ազդում ենք դեպի վեր ուղղված  $F$  ուժով: Շփումը կայանքում բացակայում է:

ա) Որքա՞ն է ճախարակներով անց կացված թելի լարումը: /2 միավոր/

բ) Ինչքանո՞վ կբարձրանա ձողը  $F$ -ի ազդեցությամբ: /2 միավոր/

գ) Որքա՞ն է կայանքի արդյունաբար կոշտությունը: /1 միավոր/



նկ. 2

**Լուծում:**

ա) Նշանակենք թելի լարման ուժը  $T$ -ով: Չողի վրա ազդում են դեպի վեր ուղղված  $F$  ուժը և երեք ճախարակները՝ յուրաքանչյուրը՝  $2T$  ուժով դեպի վար: /0,5 միավոր/

$$F = 6T / 1 \text{ միավոր/}$$

Այստեղից էլ կստանանք

$$T = \frac{F}{6} / 0,5 \text{ միավոր/}$$

բ) Նշանակենք զսպանակի երկարացումը  $x$ -ով: Չսպանակին ամրացված ճախարակներից յուրաքանչյուրի վրա ազդում են դեպի վեր ուղղված  $2T$  ուժը և զսպանակի առաձգականության  $F_{\text{սն}}$  ուժը դեպի վար: Հավասարակշռության պայմանից՝

$$2T = F_{\text{սն}} = kx / 0,5 \text{ միավոր/}$$

Այստեղից էլ կստանանք

$$x = \frac{2T}{k} = \frac{F}{3k} / 0,5 \text{ միավոր/}$$

Երկու զսպանակների երկարացման արդյունքում թելը ներքևի հատվածում կպակասի

$$l = 4x / 0,5 \text{ միավոր/}$$

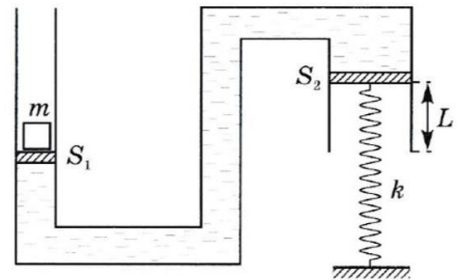
չափով: Հետևաբար այդ նույն չափով թելը կավելանա վերևի հատվածում: Թելի այդ ավելցուկը բաշխվում է վերևի երեք ճախարակների միջով անցնող թելի վեց հատվածների միջև, ինչի արդյունքում ձողի բարձրության փոփոխությունը՝

$$x' = \frac{l}{6} = \frac{2x}{3} = \frac{2F}{9k} / 0,5 \text{ միավոր/}$$

գ)  $F$  ուժի ազդեցությամբ կայանքի արդյունարար երկարացումը  $x'$  է: Հետևաբար կայանքի արդյունարար կոշտությունը՝

$$k' = \frac{F}{x'} = 4,5k / 1 \text{ միավոր/}$$

3. Անշարժ, երկար  $S$ -աձև խողովակի մեջ երկու ծանր միաց է գտնվում, որոնց միջև ջուր է լցված (նկ. 3): Միացներից մեկին ամրացված է  $k = 1000$  Ն/մ կոշտությամբ զսպանակը, որի մյուս ծայրը ամրացված է: Համակարգը գտնվում է հավասարակշռության մեջ, իսկ նրա աջ միացը գտնվում է խողովակի եզրից  $L = 20$  սմ հեռավորության վրա: Չախ միացի վրա զգուշորեն ծանր բեռ են դնում: Ի՞նչ առավելագույն զանգվածով մարմին կարելի է դնել ձախ միացի վրա, որպեսզի ջուրը խողովակից չթափվի: Չախ միացի մակերեսը  $S_1 = 100$  սմ<sup>2</sup> է, աջ միացի մակերեսը՝  $S_2 = 500$  սմ<sup>2</sup>, ջրի խտությունը՝  $\rho = 1000$  կգ/մ<sup>3</sup>: /4 միավոր/



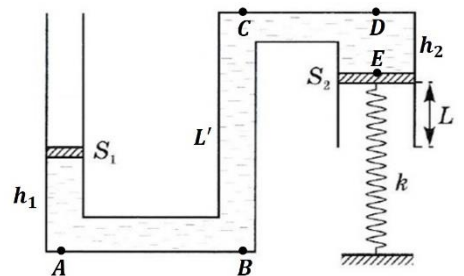
նկ. 3

**Լուծում:** Նշանակենք սկզբում ձախ և աջ ծնկերում ջրի բարձրությունները համապատասխանաբար  $h_1$ -ով և  $h_2$ -ով, ձախ և աջ միացների զանգվածները՝ համապատասխանաբար  $m_1$ -ով և  $m_2$ -ով, խողովակի բարձրությունը՝  $L'$ -ով: Մինչև բեռ դնելը  $A, B, C, D$  և  $E$  կետերում ճնշումները

$$P_A = \frac{m_1 g}{S_1} + \rho g h_1 = P_B$$

$$P_C = P_B - \rho g L' = P_D$$

$$P_E = P_D + \rho g h_2 = \frac{m_1 g}{S_1} + \rho g (h_1 + h_2 - L') / 0,5 \text{ միավոր/}$$



Մինչև բեռ դնելը զսպանակի երկարացումը նշանակենք  $x_0$ -ով էր: Այդ դեպքում աջ միացի հավասարակշռության պայմանից կստանանք

$$F_{\text{սն}} = kx_0 = P_E S_2 + m_2 g \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Դիցուք բեռի ազդեցությամբ ձախ միացն իջել է  $x_1$ -ով, իսկ աջ միացն իջել է  $x_2$ -ով: Քանի որ խողովակում ջրի ծավալը պահպանվում է՝ կարող ենք գրել

$$\Delta V = S_1 x_1 = S_2 x_2 \Rightarrow x_1 = \frac{S_2 x_2}{S_1} = 5x_2 \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Բեռը դնելուց հետո  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$  և  $E$  կետերում ճնշումները՝

$$P'_A = \frac{(m_1 + m)g}{S_1} + \rho g(h_1 - x_1) = P'_B$$

$$P'_C = P'_B - \rho g L' = P'_D$$

$$P'_E = P'_D + \rho g(h_2 + x_2) = \frac{(m_1 + m)g}{S_1} + \rho g(h_1 + h_2 + x_2 - x_1 - L') \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Բեռ դնելուց հետո զսպանակի երկարացումը նշանակենք  $x$ -ով էր: Այդ դեպքում աջ միացի հավասարակշռության պայմանից կստանանք

$$F'_{\text{սն}} = kx = P'_E S_2 + m_2 g$$

Դժվար չի նկատել, որ

$$x - x_0 = x_2$$

Առաձգականության ուժերի տարբերությունը՝

$$F'_{\text{սն}} - F_{\text{սն}} = kx_2 = (P'_E - P_E)S_2 = \frac{mgS_2}{S_1} - \rho g S_2(x_1 - x_2) = \frac{mgS_2}{S_1} - 4\rho g S_2 x_2 \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Այստեղից էլ կստանանք

$$m = \frac{S_1}{S_2} \left( \frac{kx_2}{g} + 4\rho x_2 S_2 \right) \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Ստացված բանաձևից երևում է, որ  $m$ -ը կրնա լինի հնարավոր առավելագույն արժեքը, եթե զսպանակի երկարացումը ընդունի իր առավելագույն արժեքը, այսինքն՝

$$x_2^{\text{max}} = L \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

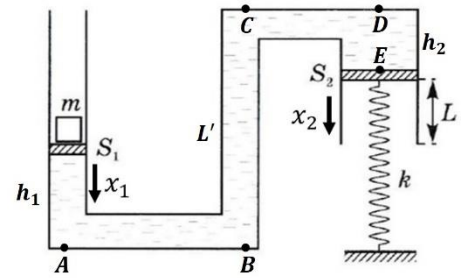
Այստեղից էլ կստանանք

$$m' = \frac{S_1}{S_2} \left( \frac{kL}{g} + 4\rho LS_2 \right) = 12 \text{ կգ} \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

4. Փորձարար Արփին և փորձարար Սյուզին որոշեցին հետաքրքիր փորձ կատարել: Արփին վերցրեց  $S = 20 \text{ սմ}^2$  հիմքի մակերեսով բարձր գլանաձև անոթ և նրա մեջ լցրեց  $t_0 = 100^\circ \text{C}$  ջերմաստիճանի ջուր: Այնուհետև այդ անոթի մեջ իջեցրեց  $t_1 = 120^\circ \text{C}$  ջերմաստիճանի  $V = 20 \text{ սմ}^3$  ծավալով այլումինե գլան և չափեց ջրի մակարդակը: Սյուզին նույնպես վերցրեց  $S = 20 \text{ սմ}^2$  հիմքի մակերեսով բարձր գլանաձև անոթ և նրա մեջ լցրեց  $t'_0 = 0^\circ \text{C}$  ջերմաստիճանի ջուր: Այնուհետև այդ անոթի մեջ իջեցրեց  $t'_1 = -20^\circ \text{C}$  ջերմաստիճանի  $V = 20 \text{ սմ}^3$  ծավալով այլումինե գլան և նույնպես չափեց ջրի մակարդակը: Ջրի խտությունը՝  $\rho_2$ , ջրի տեսակարար ջերմունակությունը՝  $c_2$ , ջրի շոգեգոյացման տեսակարար ջերմությունը՝  $r$ , այլումինի խտությունը՝  $\rho_{\text{ա}}$ , այլումինի տեսակարար ջերմունակությունը՝  $c_{\text{ա}}$ , սառույցի խտությունը՝  $\rho_{\text{ս}}$ , սառույցի տեսակարար ջերմունակությունը՝  $c_{\text{ս}}$ , սառույցի հալման տեսակարար ջերմությունը՝  $\lambda$ : Անոթի ջերմունակությունը և շրջապատին փոխանցվող ջերմային կորուստներն անտեսել:

ա) Արփիի փորձում որքանով և ինչպե՞ս փոխվեց ջրի  $\Delta h_1$  մակարդակը անոթում ջերմային հավասարակշռություն հաստատվելուց հետո, եթե հայտնի է, որ ջերմային հավասարակշռություն հաստատվելու պահին գլանը ամբողջությամբ սուզված էր ջրի մեջ: /2 միավոր/

բ) Սյուզինի փորձում որքանով և ինչպե՞ս փոխվեց ջրի  $\Delta h_2$  մակարդակը անոթում ջերմային հավասարակշռություն հաստատվելուց հետո, եթե հայտնի է, որ ջերմային հավասարակշռություն հաստատվելու պահին գլանը ամբողջությամբ սուզված էր ջրի մեջ: /2 միավոր/



գ) Գնահատեք մակարդակների փոփոխությունների հարաբերության  $\Delta h_2 / \Delta h_1$  թվային արժեքը, եթե  $r/\lambda \approx 7$ ,  $\rho_u / \rho_{\varrho} \approx 0.9$ : /1 միավոր/

**Լուծում:**

ա) Քանի որ ջուրը գտնվում է եռման ջերմաստիճանում, ապա այլումինե գլանն իջեցնելուց հետո այն կսկսի գոլորշիանալ այնքան ժամանակ, մինչև գլանի ջերմաստիճանը իջնի մինչև  $t_0 = 100^\circ\text{C}$  /0,5 միավոր/: Արդյունքում ջրի մակարդակը կնվազի: Ջրի վերցրած ջերմաքանակը՝

$$Q_1 = m_1 r$$

Այլումինե գլանի տված ջերմաքանակը՝

$$Q_2 = m_{\text{ու}} c_{\text{ու}} (t_0 - t_1) = \rho_{\text{ու}} V c_{\text{ու}} (t_0 - t_1)$$

Ջերմային հաշվեկռի հավասարումը՝

$$Q_1 + Q_2 = 0 \text{ /0,5 միավոր/}$$

Այստեղից էլ կստանանք՝

$$m_1 = \frac{\rho_{\text{ու}} V c_{\text{ու}} (t_1 - t_0)}{r} \text{ /0,5 միավոր/}$$

Գոլորշիացած ջրի ծավալը՝

$$V_1 = \frac{m_1}{\rho_{\varrho}}$$

Քանի որ անոթը գլանաձև է, ապա հեղուկի մակարդակի փոփոխության մոդուլը՝

$$\Delta h_1 = \frac{V_1}{S} = \frac{m_1}{\rho_{\varrho} S} = \frac{\rho_{\text{ու}} V c_{\text{ու}} (t_1 - t_0)}{\rho_{\varrho} S r} \text{ /0,5 միավոր/}$$

բ) Քանի որ ջուրը գտնվում է բյուրեղացման ջերմաստիճանում, ապա այլումինե գլանն իջեցնելուց հետո այն կսկսի բյուրեղանալ այնքան ժամանակ, մինչև գլանի ջերմաստիճանը բարձրանա մինչև  $t'_0 = 0^\circ\text{C}$  /0,5 միավոր/: Արդյունքում ջրի մի մասը կվերածվի սառույցի և քանի որ սառույցի խտությունը փոքր է ջրի խտությունից, ջրի մակարդակը կբարձրանա: Սառույց դարձած ջրի ծավալը մինչև սառույց դառնալը

$$V = \frac{m_2}{\rho_{\varrho}}$$

Առաջացած սառույցի ծավալը՝

$$V' = \frac{m_2}{\rho_u}$$

Ջրի մակարդակի տարբերությունը սառույցի առաջացման արդյունքում՝

$$S \Delta h_2 = \frac{m_2}{\rho_u} - \frac{m_2}{\rho_{\varrho}} \text{ /0,5 միավոր/}$$

Այստեղից էլ կգտնենք սառույց դարձած ջրի զանգվածը.

$$m_2 = S \Delta h_2 \frac{\rho_{\varrho} \rho_u}{\rho_{\varrho} - \rho_u} \text{ /0,5 միավոր/}$$

Միջավայրին ջրի կողմից տված ջերմաքանակը՝

$$Q'_1 = m_2 \lambda$$

Այլումինե գլանի վերցրած ջերմաքանակը՝

$$Q'_2 = m_{\text{ու}} c_{\text{ու}} (t'_0 - t'_1) = \rho_{\text{ու}} V c_{\text{ու}} (t'_0 - t'_1)$$

Ջերմային հաշվեկռի հավասարումը՝

$$Q'_1 + Q'_2 = 0$$

Տեղադրելով սառույցի զանգվածի արտահայտությունը՝

$$\rho_{\text{ու}} V c_{\text{ու}} (t'_0 - t'_1) = \lambda S \Delta h_2 \frac{\rho_{\varrho} \rho_u}{\rho_{\varrho} - \rho_u}$$

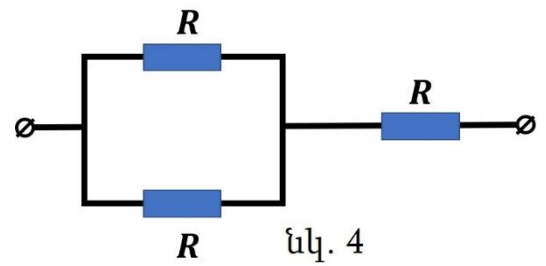
Այստեղից էլ կստանանք՝

$$\Delta h_2 = \frac{\rho_{\text{ու}} V c_{\text{ու}} (t'_0 - t'_1)}{\lambda S} \cdot \frac{\rho_{\varrho} - \rho_u}{\rho_{\varrho} \rho_u} \text{ /0,5 միավոր/}$$

գ) Մակարդակների փոփոխությունների հարաբերության թվային արժեքը՝

$$\frac{\Delta h_2}{\Delta h_1} = \frac{r}{\lambda} \cdot \frac{1 - \rho_u / \rho_{\varrho}}{\rho_u / \rho_{\varrho}} \approx \frac{7}{9} \text{ /1 միավոր/}$$

5. Շղթայի տեղամասը հավաքված է երեք  $10 \Omega$ -նոց միատեսակ դիմադրատարրերից (նկ. 4): Պահպանելով շղթայի ծայրերին լարումը, դիմադրատարրերից մեկի դիմադրությունը մեծացրեցին: Արդյունքում, շղթայի ինչ-որ տեղամասում հոսանքի ուժը աճեց  $20\%$ -ով: Որքանով են մեծացրել այդ դիմադրատարրի դիմադրությունը: /5 միավոր/



**Լուծում:** Ըստ խնդրի պայմանի  $R = 10 \Omega, I = 1, 2I_0$ : Սկզբում շղթայի ընդհանուր դիմադրությունը՝

$$R_1 = \frac{3}{2}R$$

Եթե սեղմակների միջև լարումը նշանակենք  $U$ -ով, ապա սկզբում շղթայով անցնող ընդհանուր հոսանքի ուժը.

$$I_1 = \frac{U}{R_1} = \frac{2U}{3R} \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Ակնհայտ է, որ 1-ին և 2-րդ դիմադրությունների մեջ մտնում է միևնույն  $I_1/2$  ուժով հոսանք /0,5 միավոր/: Եթե 3-րդ դիմադրությունը մեծացնենք, ընդհանուր հոսանքի ուժը կնվազի, ինչի արդյունքում կփոքրանան բոլոր դիմադրատարրերով անցնող հոսանքների ուժերը /0,5 միավոր/: Հետևաբար փոխվել է 1-ին կամ 2-րդ դիմադրությունը: Փոխելուց հետո շղթայի ընդհանուր դիմադրությունը՝

$$R_2 = \frac{R'R}{R'+R} + R = \frac{R(2R'+R)}{R'+R} \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Ձևափոխելով այս արտահայտությունը և հաշվի առնելով, որ  $R' > R$ , կստանանք

$$R_2 = 2R - \frac{R^2}{R'+R} > \frac{3}{2}R = R_1 \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Հետևաբար

$$I_2 = \frac{U}{R_2} = \frac{U(R'+R)}{R(2R'+R)} < I_1 \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Այսինքն՝ դիմադրությունը մեծացնելուց հետո 3-րդ դիմադրատարրով անցնող հոսանքի ուժը նվազել է: Դիցուք 1-ին և 2-րդ դիմադրատարրերով անցնող հոսանքների ուժերը համապատասխանաբար  $I_3$  և  $I_4$  են: Ակնհայտ է, որ

$$I_3 + I_4 = I_2 \Rightarrow I_4 = I_2 - I_3$$

Քանի որ 1-ին և 2-րդ դիմադրատարրերը միացված են զուգահեռաբար, կարող ենք գրել

$$I_3R' = I_4R = (I_2 - I_3)R$$

Այստեղից էլ կգտնենք

$$I_3 = \frac{I_2R}{R+R'} = \frac{U}{2R'+R} \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Դժվար չի նկատել, որ

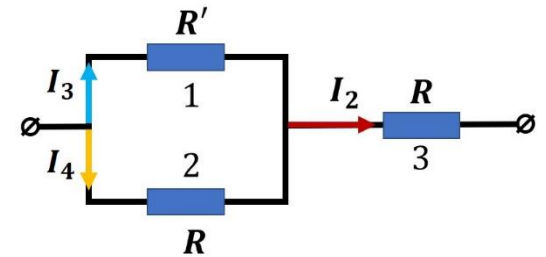
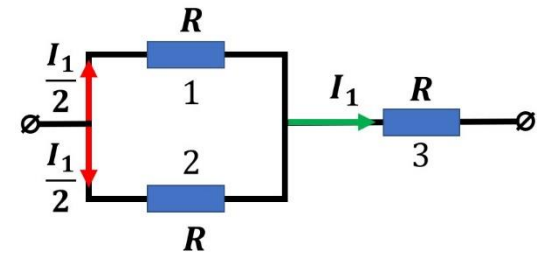
$$\frac{I_1}{2} = \frac{U}{3R} > I_3 \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Հետևաբար 1-ին դիմադրատարրով անցնող հոսանքի ուժը նույնպես չի մեծացել: Վերևի հավասարումներից կարող ենք ստանալ

$$I_4 = \frac{UR'}{R(2R'+R)} \quad /0,5 \text{ միավոր}/$$

Ըստ խնդրի պայմանի՝

$$I_4 = I = 1,2 \cdot I_0 = 1,2 \cdot \frac{I_1}{2}$$



Այստեղից էլ կստանանք

$$R' = 2R \Rightarrow \Delta R = R' - R = R = 10 \Omega / 0,5 \text{ միավոր/}$$