

9-րդ դասարան

1. Երկու հեծանվորդ սկսեցին շարժվել 15 կմ երկարությամբ շրջանագծային ճանապարհով: Նրանք դուրս եկան նույն տեղից հակառակ ուղղություններով: Հեծանվորդներից մեկի արագությունը 4 կմ/ժ է, մյուսինը՝ $3\frac{1}{3}$ կմ/ժ:

ա. Ինչքան ժամանակ հետո նրանք կհանդիպեն սկզբնական կետում:

բ. Քանի պտույտ կկատարի մինչ այդ երկրորդ հեծանվորդը:

գ. Քանի անգամ նրանք կհանդիպեն մինչև սկզբնական կետ վերադառնալը:

Լուծում: ա. $\frac{nS}{v_1} = \frac{mS}{v_2} \Rightarrow \frac{n}{4} = \frac{m}{10/3} \Rightarrow 5n = 6m \Rightarrow n = 6, m = 5: t = 6 \cdot \frac{15}{4} = 22,5 \text{ ժ:}$

բ. $m = 5:$

գ. $S = (v_1 + v_2)t_1 \Rightarrow t_1 = \frac{15}{7\frac{1}{3}} = \frac{45}{22}, N = \frac{t}{t_1} - 1 = \frac{45}{2} : \frac{45}{22} - 1 = 10:$

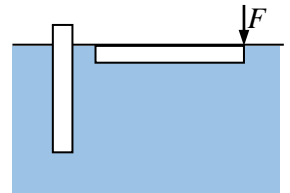
2. Կալորաչափի մեջ լցնում են մեկ գդալ գոլ ջուր: Արդյունքում կալորաչափի ջերմաստիճանը աճում է 5°C -ով: Նորից մեկ գդալ գոլ ջուր ավելացնելուց հետո կալորաչափի ջերմաստիճանը աճեց նա 3°C -ով: Ջերմափոխանակումը միջավայրի հետ և կալորաչափի ջերմունակությունն անտեսեք:

ա. Սկզբնականի նկատմամբ ինչքանով կաճի կալորաչափի ջերմաստիճանը, եթե ավելացնենք 3 բաժակ նույն գոլ ջրից:

բ. Քանի գդալ ջուր կար կալորաչափում սկզբում:

Լուծում: $cm\Delta t_1 = cm_1(t - \vartheta)$, որտեղ m -ը կալորիմետրում ջրի զանգվածն է, m_1 -ը՝ գդալի զանգվածը t -ն գոլ ջրի ջերմաստիճանն է, $\vartheta = t_0 + 5$ -ը խառնուրդի ջերմաստիճանն է, որը $\Delta t_1 = 5^\circ\text{C}$ -ով բարձր է կալորաչափի սկզբնական t_0 ջերմաստիճանից: Երկրորդ գդալը ավելացնելուց հետո ունենք՝ $cm\Delta t_2 = c2m_1(t - t_0 - 8)$: Ստացված հավասարումներից կստանանք $t - t_0 = 20^\circ\text{C}$, $m = 3m_1$: Երեք բաժակ ջուր ավելացնելուց հետո ջերմաստիճանը կալորաչափում կլինի հավասար գոլ ջրի ջերմաստիճանին, ուստի կալորաչափի ջերմաստիճանը կաճի $t - t_0 = 20^\circ\text{C}$: Կալորաչափում սկզբում կար $m = 3m_1 - 3$ գդալ ջուր:

3. $S = 1 \text{ դմ}^2$ քառակուսային հիմքով ու $l = 4 \text{ մ}$ երկարությամբ փայտե տախտակը լողում է ջրավազանում ուղղաձիգ դիրքով: Տախտակը լրիվ ընկղմվում է ջրի մեջ հորիզոնական դիրքում երբ նրա աջ ծայրին ազդում են $F = 80 \text{ Ն}$ ուժով (տե՛ս նկ.): Ջրի խտությունը՝ $\rho = 10^3 \text{ կգ/մ}^3$:



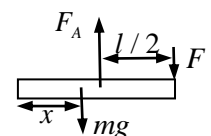
ա. Ինչքան է սկզբնական դիրքում ջրից դուրս եկող մասի h երկարությունը:

բ. Ձախ ծայրից ի՞նչ հեռավորության վրա է գտնվում փայտի զանգվածների կենտրոնը:

Լուծում: Փայտը ջրի մեջ լրիվ ընկղմելու համար պահանջվում է F ուժ, ինչ նշանակում է, որ դուրս եկող ծավալի վրա ջրի մեջ ազդող արքիմեդյան ուժը հավասար է այդ ուժին՝

$$\rho ghS = F \Rightarrow h = \frac{80}{10^3 \cdot 10^{-2} \cdot 10} = 0,8 \text{ մ:}$$

Չանգվածների կենտրոնի հեռավորությունը ձախ ծայրից որոշելու համար դիտարկենք տախտակի վրա ազդող ուժերը (տե՛ս նկ.), որտեղ հաշվի է առնված,

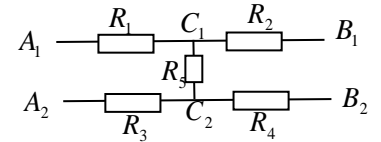


որ արքիմեդյան ուժի կիրառման կետը գտնվում է ընկղմված ծավալի զագնվածների կենտրոնում:
Այդ կետի նկատմամբ մոմենտների հավասարակշռումից ստանում ենք՝

$$mg \cdot (l/2 - x) = F \cdot l/2 \Rightarrow x = l/2 \left(1 - \frac{F}{mg} \right): \text{ Հաշվի առնելով, որ } mg + F = \rho g l S, \text{ ունենք՝}$$

$$x = l/2 \left(1 - \frac{F}{\rho g l S - F} \right) = 2 \left(1 - \frac{80}{10^3 \cdot 10 \cdot 4 \cdot 10^{-2} - 80} \right) = 2 \cdot 0,75 = 1,5 \text{ մ:}$$

4. Նկարում ցույց է տրված հավասար երկարությամբ ($L = A_1 B_1 = A_2 B_2 = 60$ մ) երկու տարբեր լարերից կազմված մալուխ, որի մեջ առաջացել է վթար: Դրա հետևանքով այդ լարերի միջև առաջացել է R_5 դիմադրություն: Վթարի կետը որոշելու համար կատարում են հետևյալ չափումները. $U = 1,5$ Վ լարումը հաջորդաբար միացնում են ծայրակետերից երկուսին և չափում հոսանքի ուժը առաջացած շղթայում: Արդյունքում ստացվում է, որ



$A_1 B_1$ -ի դեպքում հոսանքի ուժը $I_1 = 37,5$ մԱ է,

$A_2 B_2$ -ի դեպքում հոսանքի ուժը $I_2 = 25$ մԱ է,

$A_1 A_2$ -ի դեպքում հոսանքի ուժը $I_3 = 30$ մԱ է,

$B_1 B_2$ -ի դեպքում հոսանքի ուժը $I_4 = 15$ մԱ է:

ա. Ինչքան է R_5 դիմադրությունը:

բ. Եթե միացնենք $B_1 B_2$ ծայրերը, ինչքան է կլինի դիմադրությունը $A_1 A_2$ կետերի միջև:

Ինչքան է $A_1 C_1$ հեռավորությունը:

Լուծում: Ունենք

$$\begin{cases} U = I_1 (R_1 + R_2) \\ U = I_2 (R_3 + R_4) \\ U = I_3 (R_1 + R_3 + R_5) \\ U = I_4 (R_5 + R_2 + R_4) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{U}{I_1} = R_1 + R_2 = 40\Omega \\ \frac{U}{I_2} = R_3 + R_4 = 60\Omega \\ \frac{U}{I_3} = R_1 + R_3 + R_5 = 50\Omega \\ \frac{U}{I_4} = R_5 + R_2 + R_4 = 100\Omega \end{cases}$$

որտեղից կատանանք՝

$$2R_5 = (100 + 50 - 40 - 60)\Omega = 50\Omega \Rightarrow R = 25 \text{ Օմ:}$$

Քանի որ, $A_1 C_1 = A_2 C_2$, $\frac{R_2}{R_1} = \frac{R_4}{R_3} = k = \frac{C_1 B_1}{A_1 C_1}$, ուստի առաջին և երկրորդ հավասարումներից ստանում ենք՝

$$(1+k)R_1 = 40 \text{ Օմ, } (1+k)R_3 = 60 \text{ Օմ:}$$

Այժմ հաշվի առնենք, որ երրորդ հավասարումից ունենք $R_1 + R_3 = 50 - R_5 = 25$ Օմ:

Ունենք

$$(1+k)(R_1 + R_3) = 100 \Rightarrow 1+k = 4 \Rightarrow k = 3:$$

Այստեղից հետևում է՝

$$\frac{A_1 C_1}{A_1 B_1} = \frac{1}{1+k} \Rightarrow A_1 C_1 = \frac{L}{4} = 15 \text{ մ:}$$